

**INSTITUTO SUPERIOR DE CONTABILIDADE E ADMINISTRAÇÃO DO PORTO**

CURSO: Contabilidade e Administração

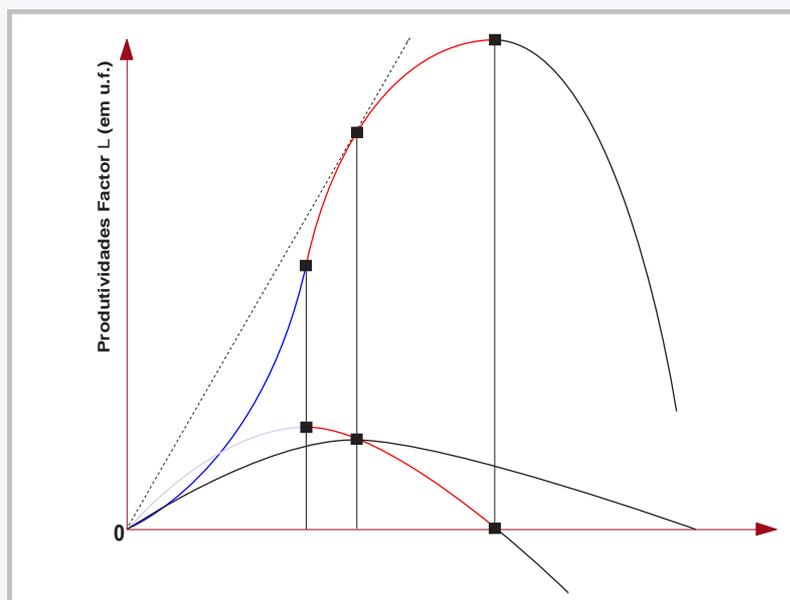
Primeira Prova de Avaliação — 2º Semestre.

DISCIPLINA: MICROECONOMIA II – 2160 – 11 de Junho de 2003 — Duração: 120 min. — INÍCIO: 9 horas

GRUPO II (4,5 valores)

Uma empresa de produção de tecidos, localizada no distrito do Porto, utiliza a seguinte função de produção mensal: $q = 300L^2K^2 - 2L^3K^3$, em que q representa metros de tecido e L e K o número de unidades físicas dos factores Trabalho e Capital, respectivamente.

O gráfico ao lado ilustra o comportamento das respectivas funções “produtividade” em período-curto.



PEDIDOS:

1. Sabendo que em período-curto a expressão da $P_{méd.}$ do factor variável L é $P_{méd.} = 300L - 2L^2$ determine, justificando os cálculos, a quantidade do factor fixo Capital utilizada pela empresa .
2. Transcreva o gráfico ao lado para a sua folha de prova e identifique nele, quantificando, os volumes de produto e as correspondentes quantidades utilizadas de factor L no:
 - 2.1) Ótimo técnico.
 - 2.2) Máximo Técnico.
3. Quantifique o valor da elasticidade-produto total para $L = 80$ u.f.. Justifique todos os cálculos.

Qual o seu significado económico? (Máximo de 3 linhas).

II

$$Q = 300L^2K^2 - 2L^3K^3$$

1. $PM_L = 300L - 2L^2$

$$PT_L = PM_L \cdot L = 300L^2 - 2L^3$$

$$300L^2K^2 - 2L^3K^3 = 300L^2 - 2L^3$$

$$\left. \begin{array}{l} K \neq 0 \\ K^2 = 1 \\ K^3 = 1 \end{array} \right\} \begin{array}{l} K^3 = K^2 \\ \therefore K = 1 \end{array}$$

2. $PM'_L = 300 - 4L = 0$

$$L = 75$$

ÓPTIMO TÉCNICO

$$PT_{L=75} = 300(75^2) - 2(75^3)$$

$$= 843.750$$

$$PM_{fL} = PT'_L = 600L - 6L^2 = 0$$

MÁXIMO TÉCNICO

$$(100-L)6L = 0$$

$$L = 0 \vee L = 100$$

$$PT_{L=100} = 300(100^2) - 2(100^3)$$

$$= 1000.000$$

3. $L = 80$

$$\varepsilon_L = \frac{PM_{fL}}{PM_L} = \frac{600(80) - 6(80^2)}{300(80) - 2(80^2)} = \frac{6}{7} < 1$$

$$\varepsilon_L = \frac{\Delta\%Q}{\Delta\%L} = \frac{6}{7}$$

III

$$D: p = 125$$

$$C_{VM} = q^2 - 5q + 100$$

$$C_{FT} = 14$$

$$q = 4$$

Dada a total inelastividade da procura, o preço de equilíbrio é de 125 u.m. independentemente da oferta.

$$1. L_T = R_T - C_T$$

$$R_T = p \cdot q = 125q$$

$$L_T = -q^3 + 5q^2 + 25q - 14$$

$$C_{VT} = C_{VM} \cdot q = q^3 - 5q^2 + 100q$$

$$L_M = \frac{L_T}{q} = -q^2 + 5q + 25 - \frac{14}{q}$$

$$C_T = C_{VT} + C_{FT} = q^3 - 5q^2 + 100q + 14$$

$$L_M' = L_T' = -3q^2 + 10q + 25$$

2. Maximização L_T :

$$L_M' = 0$$

$$-3q^2 + 10q + 25 = 0$$

$$L_M'' < 0$$

$$q = -\frac{5}{3} \vee q = 5$$

$$-6q + 10 < 0$$

$$q > \frac{5}{3}$$

$$\therefore q = 5$$

$$p_L = 4$$

$$C_{VT} q=4 = p_L \cdot L_0 = 4 L_0 = 4^3 - 5(4^2) + 100(4)$$

$$4 L_0 = 384$$

$$L_0 = 96$$

$$C_{VT} q=5 = p_L L_1 = 4 L_1 = 5^3 - 5(5^2) + 100(5)$$

$$4 L_1 = 500$$

$$L_1 = 125$$

$$\Delta L = 125 - 96 = +29 \Rightarrow \Delta q = 5 - 4 = +1$$

$$3. \quad C_T q = C_{VT} q' = 3q^2 - 10q + 100$$

$$\text{min } C_{VT} : C_{VT} q' = 2q - 5 = 0$$

$$q = 2,5$$

$$C_{VT} q = 2,5 = (2,5)^2 - 5(2,5) + 100$$

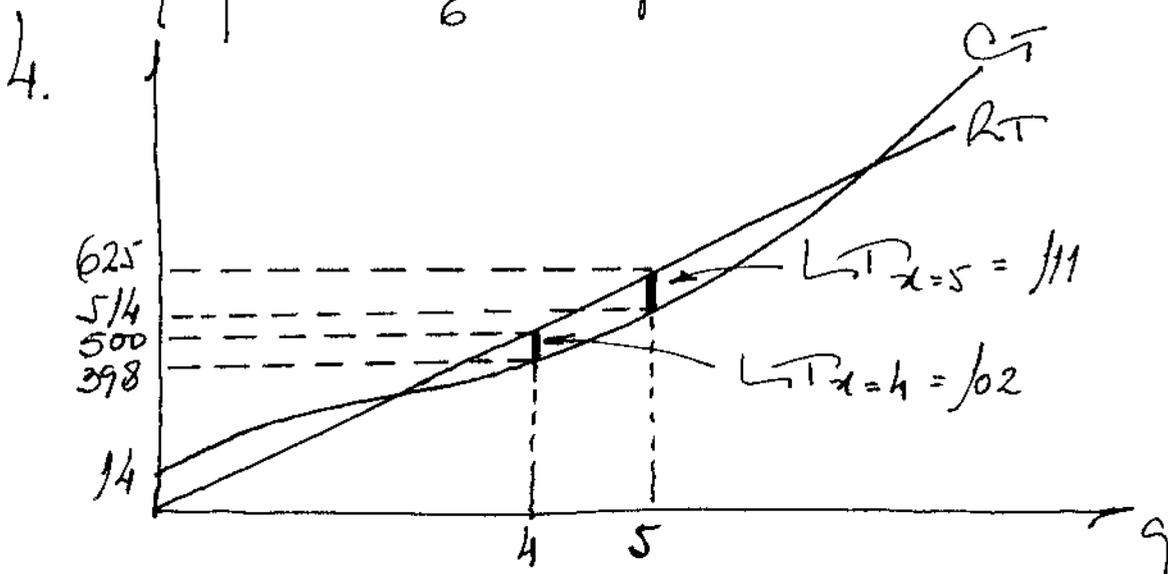
$$= 93,75$$

$$S: \begin{cases} q=0 & ; p < \text{min } C_{VT} \\ C_T q = p & ; p \geq \text{min } C_{VT} \\ C_T q' > 0 \end{cases}$$

$$S: \begin{cases} q=0 & ; p < 93,75 \\ 3q^2 - 10q + 100 = p & ; p \geq 93,75 \\ 6q - 10 > 0 \end{cases}$$

$$S: \begin{cases} q=0 & ; p < 93,75 \\ q = \frac{10 - \sqrt{12p - 1100}}{6} \vee q = \frac{10 + \sqrt{12p - 1100}}{6} & ; p \geq 93,75 \\ q > \frac{10}{6} \end{cases}$$

$$S: \begin{cases} q=0 & ; p < 93,75 \\ q = \frac{10 + \sqrt{12p - 1100}}{6} & ; p \geq 93,75 \end{cases}$$



IV

$$D: x = 520 - 0,01p$$

$$L = 0,25$$

$$CT_{\text{máx}} = 526.400$$

1. Para o nível de produção ótimo do monopolista, tem-se

$$L = \frac{1}{\epsilon_{p,D}}$$

$$\epsilon_{p,D} = - \frac{\partial x}{\partial p} \frac{p}{x} = -(-0,01) \frac{p}{520 - 0,01p} = \frac{p}{52000 - p}$$

$$L = \frac{1}{\frac{p}{52000 - p}} = 0,25$$

$$\frac{52000 - p}{p} = 0,25$$

$$p = 41.600$$

2. $CM_f = ?$

$$L = \frac{p - CM_f}{p} = 0,25$$

$$\frac{41600 - CM_f}{41600} = 0,25$$

$$CM_f \text{ ótimo} = 31.200$$

$$\Delta x = +1 \rightarrow \Delta CT = 31200$$

$$3. \quad CT = RT - LT$$

$$p = 41600$$

$$x = 520 - 0,01(41600) = 104$$

$$CT = 4.326.400 - 526.400 \\ = 3.800.000 \text{ u.m.}$$

$$RT = p \cdot x = 41600 \cdot 104 \\ = 4.326.400$$

$$4. \quad RM_{x=104} = 41600$$

$$CTM_{x=104} = \frac{3.800.000}{104} = 36.538,46154$$

$$LM_{x=104} = RM_{x=104} - CTM_{x=104} = 5.061,5385$$

