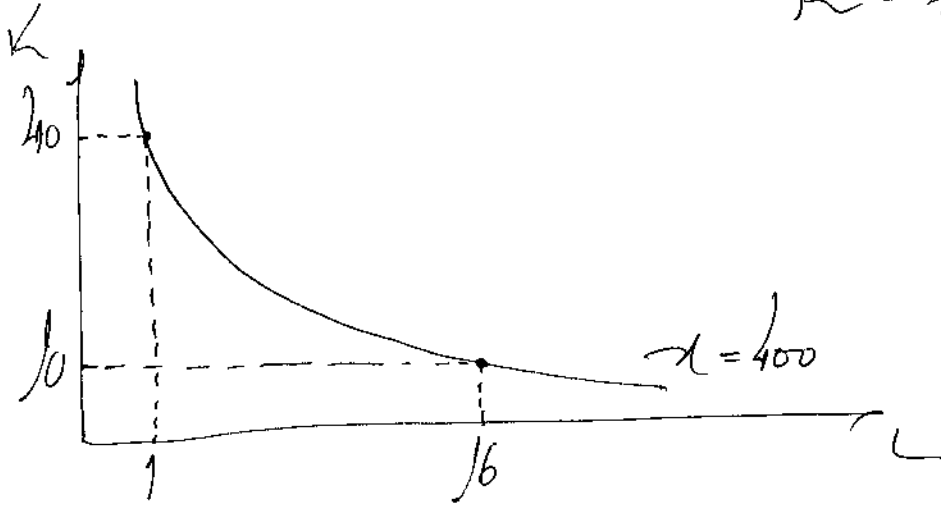




$$x = 10L^{0,5}KT^{0,4} \quad T=1$$

1.  $x = 10L^{0,5}K$        $10L^{0,5}K = 400$   
 $K = 40L^{-0,5}$



2. Seja  $L^* = cL$   
 $K^* = cK$   
 $T^* = cT$       com  $c > 1$ , então

$$x^* = 10L^{*0,5}K^*T^{*0,4} = 10(cL)^{0,5}cK(cT)^{0,4} = c^{0,5} \cdot c \cdot c^{0,4} \cdot 10L^{0,5}KT^{0,4} = c^{1,9}x > cx$$

$\therefore$  o nível de produção aumenta mais do que proporcionalmente aos factores de produção, i.e. os rendimentos são crescentes à escala.

Tratando-se de uma função de produção do tipo Cobb-Douglas, tem-se  $r = 0,5 + 1 + 0,4 = 1,9 > 1$  pelo que se confirma que os rendimentos são crescentes à escala.

$$3. \text{TMST}_L^K = -\frac{\Delta K}{\Delta L} = -\frac{10-40}{16-1} = 2$$

i.e., em média, no intervalo considerado, a utilização de cada unidade adicional de L apenas permite prescindir de 2 unidades de K, de forma a que se mantenha a produção ao nível das 400 u.f....

### III

$$1. \text{CTT} = q^3 - 30q^2 + 600q$$

$$\text{CM}_{f,q=20} = \text{KM}_{f,q=20} \quad \therefore q=20 \text{ é o nível de produção óptimo}$$

$$\text{CTM}_{q=20} = 600$$

$$\text{CTM} = q^2 - 30q + 600 + \frac{\text{CTT}}{q}; \quad \text{CM}_f = 3q^2 - 60q + 600$$

$$20^2 - 30(20) + 600 + \frac{\text{CTT}}{20} = 600 \quad \Rightarrow \text{CTT} = 4000$$

$$\text{LT} = \text{RT} - \text{CT}$$

$$\begin{aligned} \text{máx } \text{LT}_{q=20} &= \text{RT}_{q=20} - \text{CT}_{q=20} \\ &= 600 \times 20 - 600 \times 20 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{CM}_{f,q=20} &= p \\ 3(20^2) - 60(20) + 600 &= p \\ p &= 600 \end{aligned}$$

$$\text{LT}_{q=15} = 600 \times 15 - (15^3 - 30(15^2) + 600(15) + 4000) = 9000 - 9625$$

A empresa está a incorrer num prejuízo de 625 u.m. quando, afinal, produz obter um lucro económico nulo.

$$2. \quad C_{m_f} = p = 100$$

$$3q^2 - 60q + 600 = 100$$

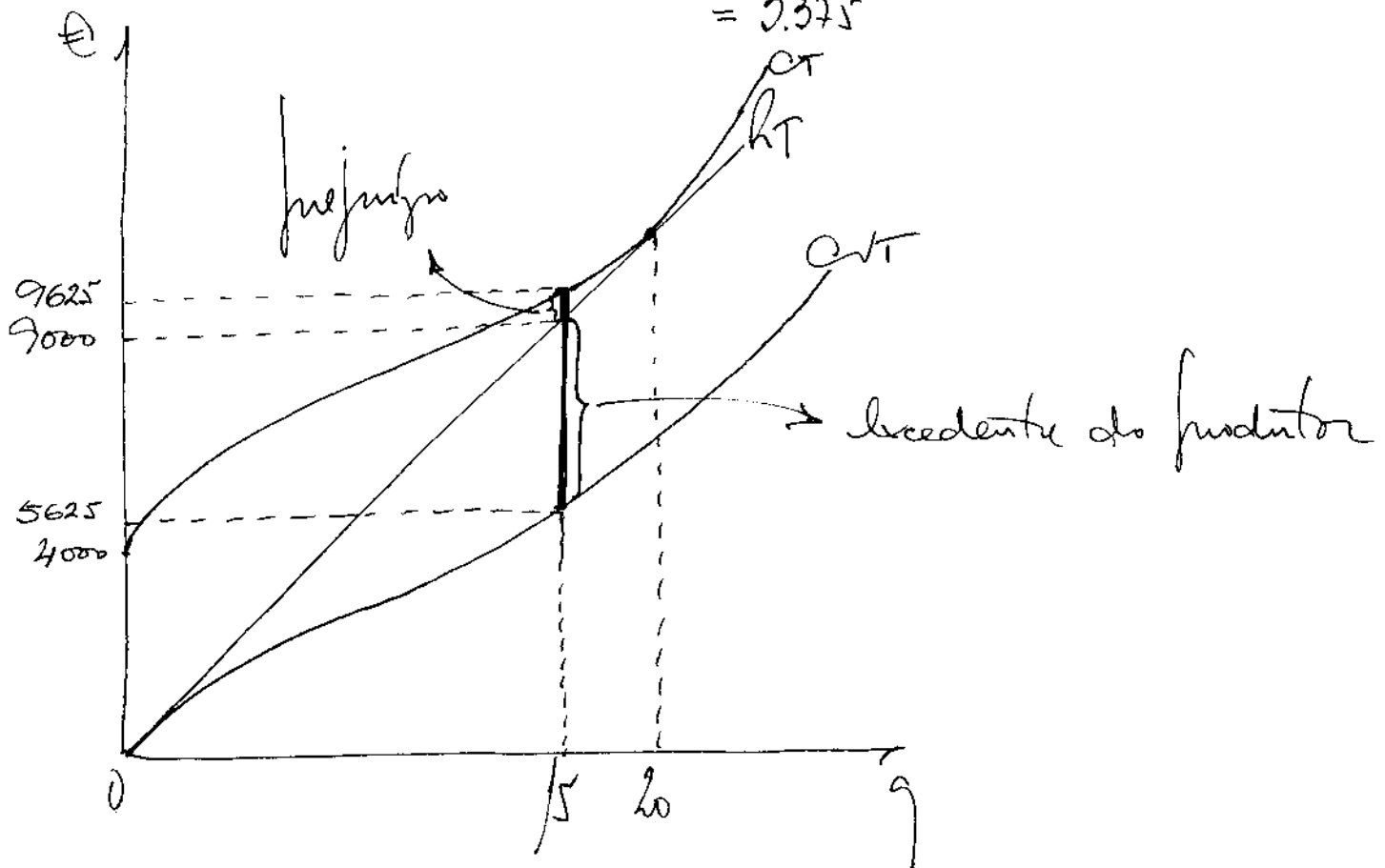
$$3q^2 - 60q + 500 = 0 \quad q = \frac{60 \pm \sqrt{3600 - 6000}}{6}$$

$\therefore$  Não existem níveis de produção que, com este preço, permita à empresa obter qualquer situação, pelo que esta não estaria interessada em oferecer qualquer quantidade ( $q=0$ ).

$$3. \quad \text{Excedente do produtor} = R_{T_{q=15}} - C_{V_{T_{q=15}}}$$

$$= 600 \times 15 - 5625$$

$$= 3375$$



IV

$$CT = 20x$$

$$D: p = 300 - 2x$$

$$1. \quad \begin{array}{l} k_{Mf} = 300 - 2x \\ k_{Tf} = k_{Mf} \cdot x = 300x - 2x^2 \\ k_{Mf}' = k_{Tf}' = 300 - 4x \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{l} C_{Mf}' = C_{Tf}' = 20 \end{array} \right.$$

$$\begin{array}{l} C_{Mf}' = k_{Mf}' \\ 20 = 300 - 4x \\ x = 70 \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{l} p = 300 - 2(70) = \\ p = 160 \end{array} \right.$$

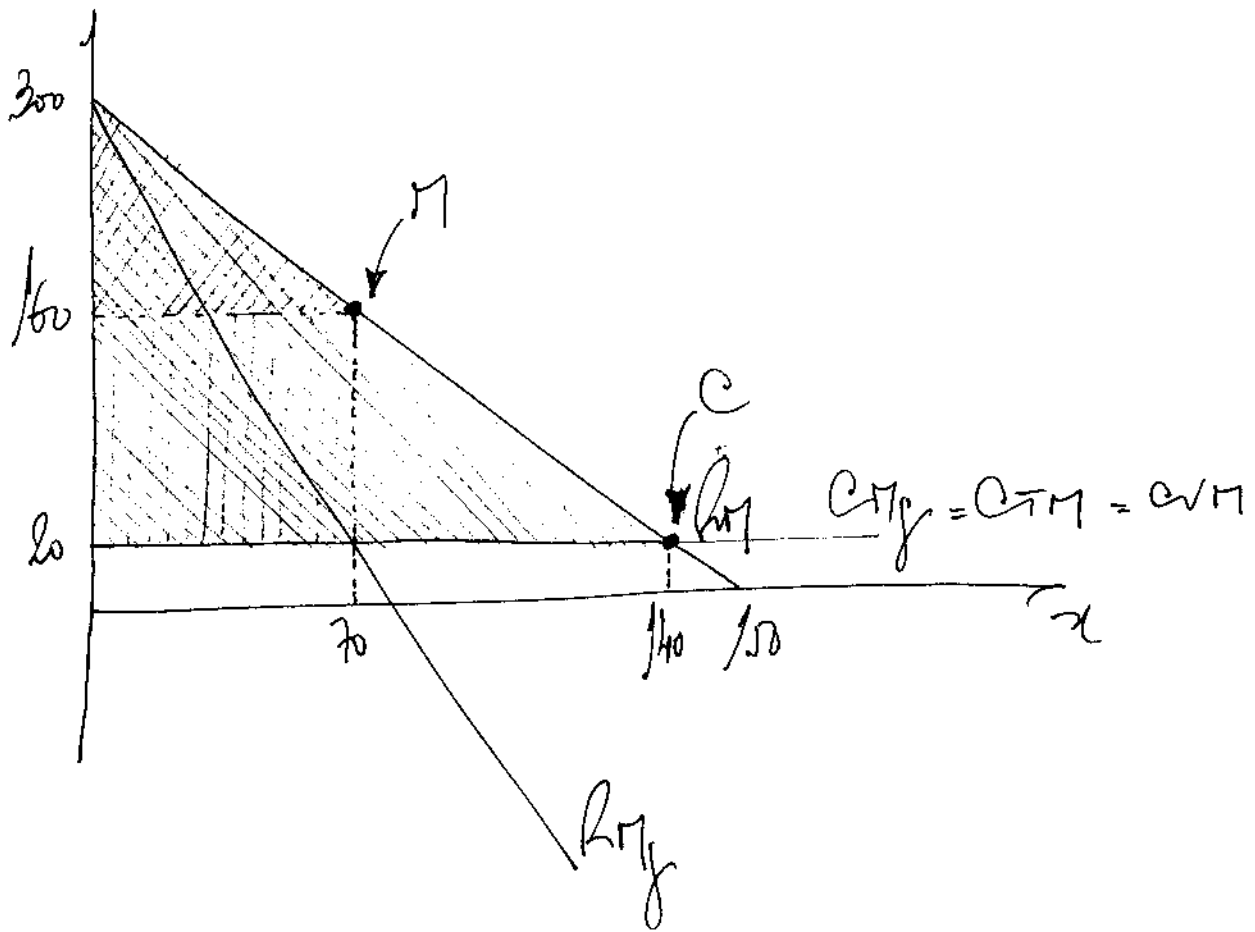
$$L_{T_{x=70}} = k_{T_{x=70}} - C_{T_{x=70}} = 300(70) - 2(70^2) - 20(70) = 9800$$

$$2. \quad L = \frac{p - C_{Mf}}{p} = \frac{160 - C_{Mf_{x=70}}}{160} = \frac{160 - 20}{160} = 0,875$$

$$3. \quad \begin{array}{l} C_{Mf}' = p = k_{Mf} \\ 20 = 300 - 2x \\ x = 140 \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{l} p = 300 - 2(140) \\ p = 20 \end{array} \right.$$

$$L_{T_{x=140}} = 140 \times 20 - 20 \times 140 = 0$$

2.



Situação M ( $C_{Mg} = R_{Mg}$ ):

$$\text{excedente dos consumidores} = \frac{70 \times (300 - 160)}{2} = 4900 \quad \text{▨}$$

$$\text{excedente do produtor} = 70 \times (160 - 20) = 9800 \quad \text{▩}$$

Situação C ( $C_{Mg} = p$ ):

$$\text{excedente dos consumidores} = \frac{140 \times (300 - 20)}{2} = 19600 \quad \text{▨}$$

$$\text{excedente do produtor} = 140(20 - 20) = 0$$

M → C

$$\Delta \text{ excedente dos consumidores} = 19600 - 4900 = +14700$$

$$\Delta \text{ excedente do produtor} = 0 - 9800 = -9800$$

$$\Delta \text{ bem-estar social global} = +4900$$